

aufgabe_2.7.8_mit_rechnung

Student Group

First Name	Surname	Matrikel Nr.

Table of Contents

Aufgabe 2.7.8: Vereinfachen von Schaltungen II (Klausuraufgabe, ca 8% einer 60minütigen Klausur, WS2020) 2

Aufgabe 2.7.8: Vereinfachen von Schaltungen II (Klausuraufgabe, ca 8% einer 60minütigen Klausur, WS2020)



Gegeben ist die nebenstehende Schaltung mit

$$R_1 = 5 \, \Omega$$

$$R_2 = 10 \, \Omega$$

$$R_3 = 20 \, \Omega$$

1. Bestimmen Sie den Gesamtwiderstand R_{ges} zwischen A und B durch Zusammenfassen der Widerstände.

Tipps für die Lösung

- Wie lässt sich die Schaltung besser darstellen bzw. auseinanderziehen?
- Schalter (falls vorhanden) sollten dabei durch eine offene oder kurzgeschlossene Leitung ersetzt werden.
- Ergeben sich gleiche Potentiale an verschiedenen Knoten, die geschickt genutzt werden können?

Lösungsweg

Zunächst bietet es sich an die Schaltung umzuformen, damit die eigentliche Struktur sichtbar wird.

Hierzu können die einzelnen Zweige farblich hervorgehoben und als "leitfähiges Gummiband" interpretiert werden.

Es zeigt sich, dass die beiden Widerstände R_3 oben links und unten rechts jeweils kurzgeschlossen sind. Es ergibt sich somit:



Hier hilft es das Potential der Knoten K1, K2 und K3 zu betrachten. Bei K2 müssen dazu die Widerstände $R_2 \parallel R_3 \parallel R_2$ oben und unten jeweils zusammengefasst werden. Es ergeben sich also die gleichen Widerstandswerte oben und unten. Auch bei den Knoten K1 und K2 ergeben sich jeweils die gleichen Widerstandswerte oben wie unten. Mit den jeweils gleichen Verhältnissen der Widerstände bei K1, K2 und K3 lässt sich folgern, dass über die Widerstände R_3 zwischen K1 und K2 bzw. K2 und K3 kein Strom fließt. Diese tragen also nicht zum Gesamtwiderstand bei. In einem solchen Fall kann zwischen den relevanten Knoten für die Rechnung ein Kurzschluss oder eine offene Leitung frei gewählt werden. Im folgenden wird eine offene Leitung gewählt. Zusätzlich können die parallelen Stränge noch umsortiert werden.

Damit ergibt sich:



$$R_{ges} = \left(\left(2 \cdot R_2 \right) \parallel \left(2 \cdot R_2 \right) \right) \parallel \left(\left(2 \cdot R_3 \right) \parallel \left(2 \cdot R_3 \right) \parallel \left(2 \cdot R_3 \right) \right)$$

$$R_{ges} = R_2 \parallel \left(R_3 \parallel \left(2 \cdot R_3 \right) \right)$$

$$R_{ges} = R_2 \parallel \frac{R_3 \cdot 2 R_3}{R_3 + 2 R_3}$$

$$R_{ges} = R_2 \parallel \frac{2}{3} R_3$$

$$R_{ges} = \frac{R_2 \cdot \frac{2}{3} R_3}{\frac{2}{3} R_3 + R_2} = \frac{R_2 \cdot R_3}{\frac{3}{2} R_3 + R_2}$$

Endergebnis

$$R_{ges} = \frac{10 \Omega \cdot 20 \Omega}{\frac{3}{2} \cdot 10 \Omega + 20 \Omega} = 5,7143 \Omega \rightarrow 5,7 \Omega$$

2. Nun sei die Spannung von A nach B: $U_{AB} = U_0 = 20 \text{ V}$. Wie groß ist der Strom I ?

Lösungsweg

Der Teilstrom I ergibt sich direkt aus der Spannung U_0 :

$$I = \frac{U_0}{2 \cdot R_3}$$

Endergebnis

$$I = \frac{20 \text{ V}}{2 \cdot 20 \Omega} = 0,5 \text{ A}$$

From: <https://wiki.mexle.org/> - MEXLE Wiki

Permanent link: https://wiki.mexle.org/elektrotechnik_1/aufgabe_2.7.8_mit_rechnung

Last update: 2021/10/07 09:22

